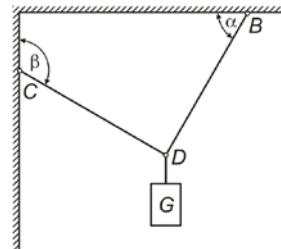


**ISPITNI ZADACI****1. ZADATAK**

Teret težine  $G = 2 \text{ [kN]}$  vezan je užadima DB i DC. Za ravnotežni položaj odrediti sile u užadima.

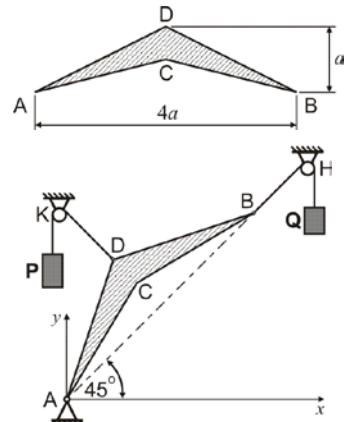
$$\alpha = 60^\circ, \beta = 120^\circ$$

**2. ZADATAK**

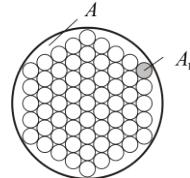
Homogena pločica ACBD, težine  $G$ , sa težištem u tački C, dobijena je isecanjem trougaone pločice ABC iz trougaone pločice ABD. Teme A pločice vezano je zglobno, a za teme B je vezano lako nerastegljivo uže o čiji drugi kraj visi teret  $Q = G/2$ . Uže je prebačeno preko malog kotura H tako da sa horizontalom gradi ugao od  $45^\circ$  za ravnotežni položaj pločice koji je ostvaren pomoću tega P.

Odrediti:

- Težinu tega P koji je vezan za uže DE prebačeno preko malog kotura K tako da uže ima pravac CD;
- Silu u zglobu A.

**3. ZADATAK**

Čelično uže dizalice treba da nosi teret od  $F = 2 \text{ [kN]}$ . Koliko žica prečnika  $d = 1.5 \text{ [mm]}$  treba da ima uže ako je dozvoljeni napon na istezanje materijala od koga je napravljena žica  $\sigma_{de} = 25 \text{ [kN/cm}^2]$ ?

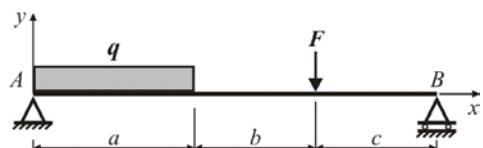
**4. ZADATAK**

Prosta greda opterećena je koncentrisanom silom  $F = 20 \text{ [kN]}$  i jednako raspodeljenim kontinualnim opterećenjem  $q = 5 \text{ [kN/m]}$ .

Dimenzionisati prostu gredu ako je:

$$\sigma_{df} = 12 \text{ [kN/cm}^2], \quad a = 2 \text{ [m]}, \quad b = c = 1.5 \text{ [m]} \quad \text{i ako je ona:}$$

- kružnog poprečnog preseka;
- pravougaonog poprečnog preseka odnosa stranica  $b/h = 2/3$ .



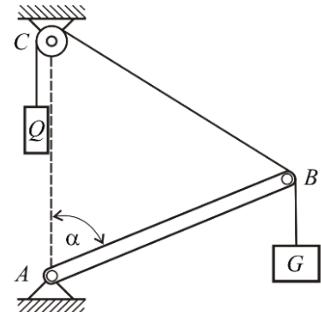
## PRIMER 2

### ISPITNI ZADACI

#### **1. ZADATAK**

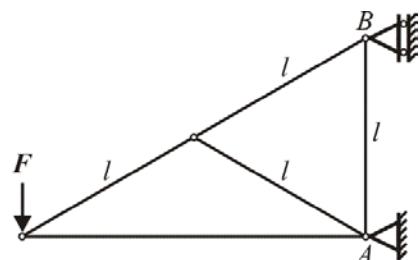
Prost štap  $AB$ , zglobove u tački  $A$  i opterećen na kraju  $B$  teretom  $G$ , pridržava se nerastegljivim užetom koje vezano za kraj štapa  $B$  i prebačeno preko malog kotura  $C$ , a na čijem kraju visi teret težine  $Q$ . Osa zgloba  $A$  i kotura  $C$  se nalaze na istoj vertikali. Dužina štapa jednaka je rastojanju od zgloba  $A$  do kotura  $C$ .

Zanemarujući težinu štapa i dimenzije kotura, za ravnotežni položaj štapa odrediti ugao  $\alpha$  i silu u štalu  $AB$ .



#### **2. ZADATAK**

Analitičkim postupkom odrediti sile u štapovima date ravne lake rešetke opterećene silom  $F = 100$  [N] kao na slici.



#### **3. ZADATAK**

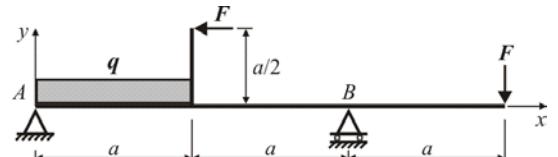
Horizontalni čelični štap, dužine 4 [m], kvadratnog poprečnog preseka, stranice 1 [cm], izdužio se pri zagrevanju za 1 [mm].

Kolikim silama treba pritiskati na krajevima štapa da bi se izduženje poništilo ako je  $E = 2 \cdot 10^7$  [N/cm<sup>2</sup>] ?

#### **4. ZADATAK**

- a) Za nosač na slici odrediti otpore oslonaca i nacrtati statičke dijagrame.

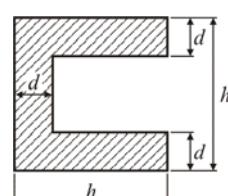
$$a = 2 \text{ [m]}, F = 10 \text{ [kN]}, q = 10 \text{ [kN/m]};$$



- b) Izračunati maksimalni normalni i tangencijalni napon u kritičnoj tački nosača. Nacrtati dijagram normalnih napona u datom preseku.

- c) Dimenzionisati nosač prema najvećem momentu savijanja ako je:

$$\sigma_{df} = 10 \text{ [kN/cm}^2\text{]} \quad \text{i} \quad \psi = d/h = 1/4.$$



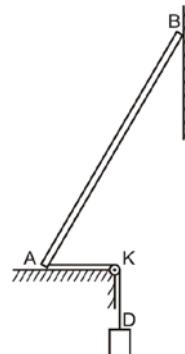
## PRIMER 3

### ISPITNI ZADACI

#### **1. ZADATAK**

Homogeni štap  $AB$ , dužine  $l$ , težine  $G = 40\sqrt{3}$  [kN], oslanja se krajem  $B$  na vertikalni zid i krajem  $A$  na pod. Za kraj  $A$  vezano je lako uže koje je prebačeno preko lakog kotura  $K$ . Za kraj užeta  $D$  visi teret  $Q = 20$  [kN].

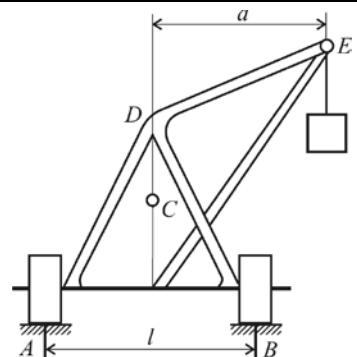
Odrediti ugao koji štap gradi sa podom i reakcije u tačkama oslanjanja štapa.



#### **2. ZADATAK**

Kran težine  $G = 60$  [kN] nosi teret težine  $G_1 = 40$  [kN] koji je obešen u tački  $E$ .

Odrediti pritiske točkova krana  $A$  i  $B$  na šine, ako je težište krana  $C$  na vertikali kroz  $D$ , rastojanje  $a = 6$  [m] i rastojanje izmedu točkova  $l = 4$  [m].

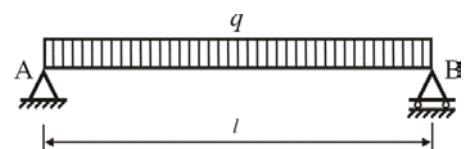


#### **3. ZADATAK**

Betonski stub poprečnog preseka  $30 \times 30$  [cm] pritisnut je silom  $F$ . Odrediti veličinu ove sile ako normalan napon u kosom preseku, pod uglom  $30^\circ$  prema poprečnom preseku, iznosi  $10$  [ $\text{N}/\text{cm}^2$ ]. Odrediti tangencijalni napon za taj presek.

#### **4. ZADATAK**

Dimenzionisati prostu gredu dužine  $l = 6$  [m], kvadratnog poprečnog preseka, ako je opterećena jednolikim opterećenjem  $q = 1/2$  [kN/m]. Dozvoljeni napon materijala na savijanje iznosi  $\sigma_{df} = 1$  [ $\text{kN}/\text{cm}^2$ ].

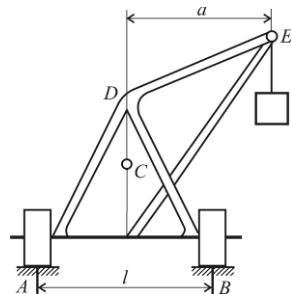


**PISANI DEO ISPITA****1. ZADATAK**

Kran težine 30 [kN] nosi teret težine 100 [kN] koji je obešen u tački E.

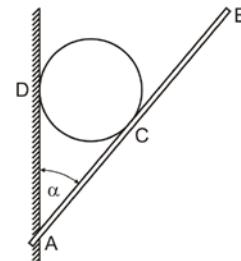
Ako je rastojanje između šina  $l = 5$  [m] i  $a = 3$  [m], odrediti:

- Pritiske točkova krana na šine ako se težište C krana nalazi na vertikali kroz tačku D.
- Najveću težinu koju kran može da nosi a da ne dođe do prevrtanja oko točka B.

**2. ZADATAK**

Homogena greda AB, dužine  $l = 2$  [m] i težine  $G_1 = 1$  [kN], uzidana je u zid pod uglom  $\alpha = 45^\circ$ . Na gredi leži cilindar težine  $G_2 = 4$  [kN], koji dodiruje gredu u tački C, a zid u tački D. Rastojanje AC = 1 [m].

Odrediti reakcije veza u tačkama A, C i D.

**3. ZADATAK**

Horizontalni čelični štap, dužine 4 [m], kvadratnog poprečnog preseka, stranice 1 [cm], izdužio se pri zagrevanju za 1 [mm].

Kolikim silama treba pritiskati na krajevima štapa da bi se izduženje poništilo ako je  $E = 2 \cdot 10^7$  [N/cm<sup>2</sup>] ?

**4. ZADATAK**

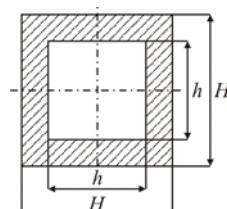
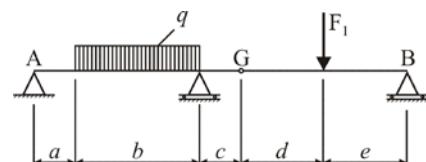
Za nosač sa Gerberovim zglobom, prikazan na slici:

- analitičkom metodom odrediti otpore oslonaca i nacrtati statičke dijagrame;
- izračunati dimenzije poprečnog preseka obeleženog na slici;

$$a = 1 \text{ [m]}, \quad b = 4 \text{ [m]}, \quad c = 1 \text{ [m]}, \quad d = e = 2 \text{ [m]},$$

$$F_1 = 2 \text{ [kN]}, \quad q = 1 \text{ [kN/m]};$$

$$\sigma_{df} = 10 \text{ [kN/cm}^2\text{]} \quad \text{i} \quad \psi = h/H = 1/2.$$



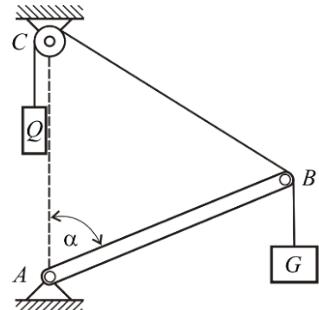
**PISANI DEO ISPITA****1. ZADATAK**

Prost (laki) štap  $AB$ , zglobo vezan u tački  $A$  i opterećen na kraju  $B$  teretom  $G$ , pridržava se nerastegljivim užetom koje vezano za kraj štapa  $B$  i prebačeno preko malog kotura  $C$ , a na čijem kraju visi teret težine  $Q$ .

Osa zgloba  $A$  i kotura  $C$  se nalaze na istoj vertikali.

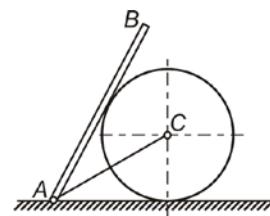
Dužina štapa  $AB$  jednaka je rastojanju od zgloba  $A$  do kotura  $C$ .

Zanemarujući težinu štapa i dimenzije kotura, odrediti ugao  $\alpha$  i silu u štalu  $AB$  za ravnotežni položaj štapa.

**2. ZADATAK**

Homogeni prizmatični štap  $AB$ , koji se može obrnati oko horizontalne ose  $A$ , oslanja se na omotač glatkog valjka prečnika  $2r$ . Valjak leži na horizontalnoj ravni, a vezan je pomoću kanapa  $AC$  dužine  $2r$  za tačku  $A$ . Težina štapa iznosi  $16$  [kN], a dužina  $3r$ .

Odrediti silu u kanapu, pritisak štapa na valjak i otpor zgloba  $A$ .

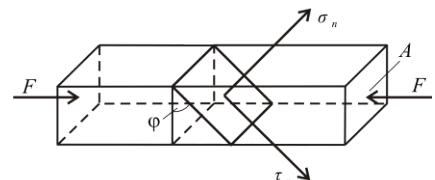
**3. ZADATAK**

Betonski stub poprečnog preseka  $20 \times 20$  [cm] pritisnut je silom  $F$ .

a) Odrediti veličinu sile  $F$  ako normalni napon u kosom preseku, pod

ugлом  $30^\circ$  prema poprečnom preseku, iznosi  $5$  [N/cm $^2$ ].

b) Odrediti tangencijalni napon za dati kosi presek.

**4. ZADATAK**

Za nosač sa Gerberovim zglobo, prikazan na slici:

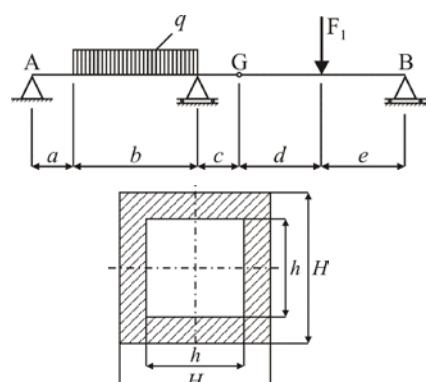
a) analitičkom metodom odrediti otpore oslonaca i nacrtati statičke dijagrame;

b) izračunati dimenzije poprečnog preseka obeleženog na slici;

$$a = 1 \text{ [m]}, \quad b = 4 \text{ [m]}, \quad c = 1 \text{ [m]}, \quad d = e = 2 \text{ [m]},$$

$$F_1 = 2 \text{ [kN]}, \quad q = 1 \text{ [kN/m]};$$

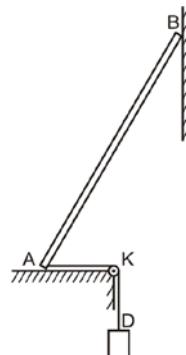
$$\sigma_{df} = 10 \text{ [kN/cm}^2\text{]} \quad \text{i} \quad \psi = h/H = 1/2.$$



**PISANI DEO ISPITA****1. ZADATAK**

Homogeni štap AB, dužine  $l$ , težine  $G = 40\sqrt{3}$  [kN], oslanja se krajem B na vertikalni zid i krajem A na pod. Za kraj A vezano je lako uže koje je prebačeno preko lakoog kotura K. O kraj D užeta visi teret težine  $Q = 20$  [kN].

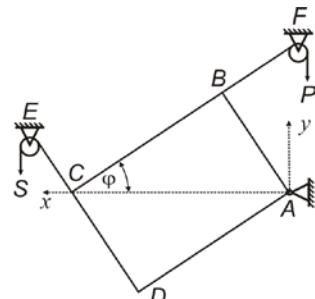
Odrediti ugao koji štap gradi sa podom i reakcije u tačkama oslanjanja štapa.

**2. ZADATAK**

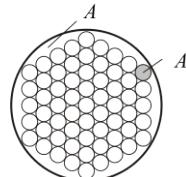
Homogena pravougaona ploča ABCD, težine  $Q$ , može se obrtati u horizontalnoj ravni oko nepomičnog zglobova A. Ploča se održava u prikazanom ravnotežnom položaju pomoću užadi koja su prebačena preko glatkih nepokretnih koturova E i F i zategnuta silama.

Odrediti intenzitet sile  $P$  u užetu koje je prebačeno preko kotura F i otpor zglobova A za slučaj kada je  $Q = 100$  [kN], a uže koje je prebačeno preko kotura E zategnuto silom  $S = 25$  [kN].

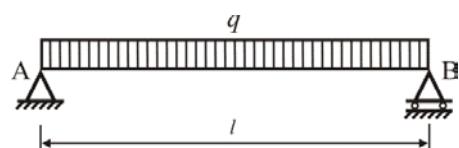
$$\overline{AB} = \overline{CD} = 3 \text{ [m]}, \quad \overline{BC} = \overline{AD} = 4 \text{ [m]}.$$

**3. ZADATAK**

Čelično uže dizalice treba da nosi teret od  $F = 2$  [kN]. Koliko žica prečnika  $d = 1.5$  [mm] treba da ima uže ako je dozvoljeni napon na istezanje materijala od koga je napravljena žica  $\sigma_{de} = 25$  [kN/cm<sup>2</sup>]?

**4. ZADATAK**

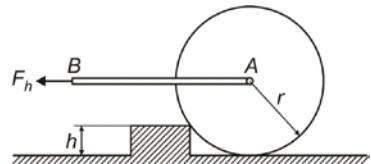
Dimenziionisati prostu gredu dužine  $l = 6$  [m], kvadratnog poprečnog preseka, ako je opterećena jednolikim opterećenjem  $q = 1/2$  [kN/m]. Dozvoljeni napon materijala na savijanje iznosi  $\sigma_{df} = 1$  [kN/cm<sup>2</sup>].



**PISANI DEO ISPITA****1. ZADATAK**

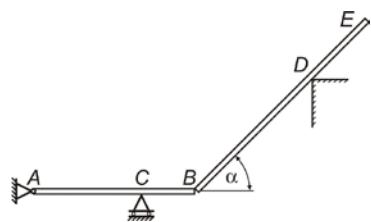
Kojom horizontalnom silom  $F_h$  treba vući držalju valjka  $AB$  da bi valjak prešao prag visine  $h = 10$  [cm]?

Poluprečnik valjka iznosi  $r = 50$  [cm], a težina valjka  $G = 100$  [N].

**2. ZADATAK**

Horizontalna greda  $AB$ , težine 10 [kN], pričvršćena je za zid zglobom  $A$  i oslanja se na oslonac  $C$ . Za kraj  $B$  grede zglobom je pričvršćena greda  $BE$  težine 20 [kN] koja se oslanja na isplust  $D$ . Pri tome je:

$$\overline{CB} = \frac{1}{3} \overline{AB}, \quad \overline{DE} = \frac{1}{3} \overline{BE}, \quad \alpha = 45^\circ.$$



Odrediti reakcije oslonaca.

**3. ZADATAK**

Vratilo kružnog poprečnog preseka, prečnika 80 [mm], prenosi snagu 300 [Nm/s] pri 240 [obr./min.]

Odrediti najveći tangencijalni napon i ugao uvijanja vratila ako je njegova dužina 5 [m], a modul klizanja 800 [kN/cm<sup>2</sup>].

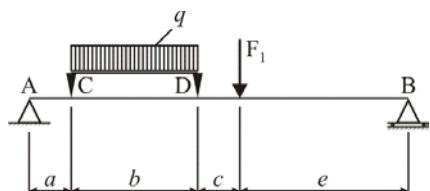
**4. ZADATAK**

Za nosač  $AB$  sa posrednim opterećenjem  $CD$ :

- a) analitičkom metodom odrediti otpore oslonaca  $A$  i  $B$  i nacrtati statičke dijagrame nosača  $AB$ ;

$$a = 1 \text{ [m]}, \quad b = 4 \text{ [m]}, \quad c = 1 \text{ [m]}, \quad e = 2 \text{ [m]},$$

$$F_1 = 2 \text{ [kN]}, \quad q = 1 \text{ [kN/m]};$$



- b) izračunati dimenzije kvadratnog poprečnog preseka nosača ako je  $\sigma_{df} = 10$  [kN/cm<sup>2</sup>].

## PRIMER 8

### PISANI DEO ISPITA

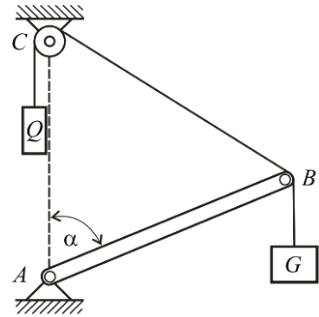
#### **1. ZADATAK**

Prost (laki) štap  $AB$ , zglobno vezan u tački  $A$  i opterećen na kraju  $B$  teretom  $G$ , pridržava se nerastegljivim užetom koje vezano za kraj štapa  $B$  i prebačeno preko malog kotura  $C$ , a na čijem kraju visi teret težine  $Q$ .

Osa zgloba  $A$  i kotura  $C$  se nalaze na istoj vertikali.

Dužina štapa  $AB$  jednaka je rastojanju od zgloba  $A$  do kotura  $C$ .

Zanemarujući težinu štapa i dimenzije kotura, odrediti ugao  $\alpha$  i silu u štalu  $AB$  za ravnotežni položaj štapa.

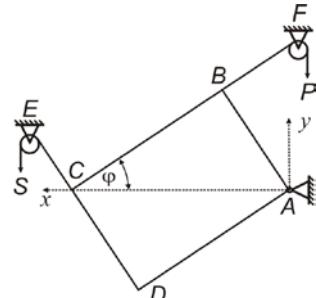


#### **2. ZADATAK**

Homogena pravougaona ploča  $ABCD$ , težine  $Q$ , može se obrtati u horizontalnoj ravni oko nepomičnog zgloba  $A$ . Ploča se održava u prikazanom ravnotežnom položaju pomoću užadi koja su prebačena preko glatkih nepokretnih koturova  $E$  i  $F$  i zategnuta silama.

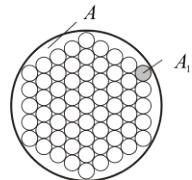
Odrediti intenzitet sile  $P$  u užetu koje je prebačeno preko kotura  $F$  i otpor zgloba  $A$  za slučaj kada je  $Q = 100$  [kN], a uže koje je prebačeno preko kotura  $E$  zategnuto silom  $S = 25$  [kN].

$$\overline{AB} = \overline{CD} = 3 \text{ [m]}, \quad \overline{BC} = \overline{AD} = 4 \text{ [m]}.$$



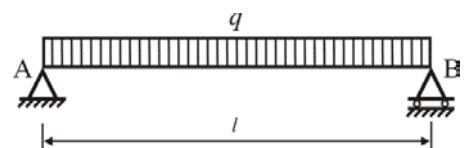
#### **3. ZADATAK**

Čelično uže dizalice treba da nosi teret od  $F = 2$  [kN]. Koliko žica prečnika  $d = 1.5$  [mm] treba da ima uže ako je dozvoljeni napon na istezanje materijala od koga je napravljena žica  $\sigma_{de} = 25$  [kN/cm<sup>2</sup>]?



#### **4. ZADATAK**

Dimenionisati prostu gredu dužine  $l = 6$  [m], kvadratnog poprečnog preseka, ako je opterećena jednolikim opterećenjem  $q = 1/2$  [kN/m]. Dozvoljeni napon materijala na savijanje iznosi  $\sigma_{df} = 1$  [kN/cm<sup>2</sup>].



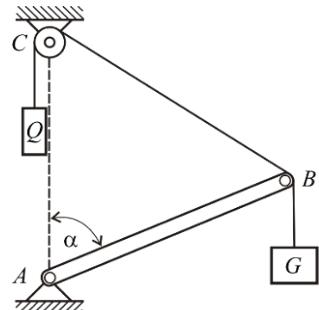
**PISANI DEO ISPITA****1. ZADATAK**

Prost (laki) štap  $AB$ , zglobno vezan u tački  $A$  i opterećen na kraju  $B$  teretom  $G$ , pridržava se nerastegljivim užetom koje vezano za kraj štapa  $B$  i prebačeno preko malog kotura  $C$ , a na čijem kraju visi teret težine  $Q$ .

Osa zglobova  $A$  i kotura  $C$  se nalaze na istoj vertikali.

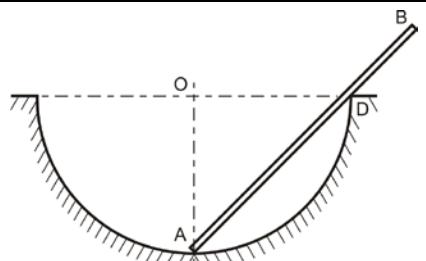
Dužina štapa  $AB$  jednaka je rastojanju od zglobova  $A$  do kotura  $C$ .

Zanemarujući težinu štapa i dimenzije kotura, odrediti ugao  $\alpha$  i silu u štalu  $AB$  za ravnotežni položaj štapa.

**2. ZADATAK**

Homogeni štap  $AB$ , dužine 2 [m] i težine 100 [N], postavljen je u unutrašnjost glatkog polukružnog prstena poluprečnika 1 [m] u vertikalnoj ravni.

- Odrediti reakcije u tačkama oslanjanja štapa.
- Na kom rastojanju AE treba dejstvovati silom  $F = 200$  [N] upravno na štap da bi se u položaju ravnoteže štapa njegov kraj A nalazio na istoj vertikali sa centrom O polukružnog prstena?

**3. ZADATAK**

Horizontalni čelični štap, dužine 4 [m], kvadratnog poprečnog preseka, stranice 1 [cm], izdužio se pri zagrevanju za 1 [mm].

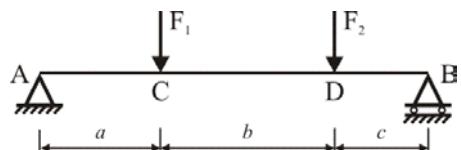
Kolikim silama treba pritiskati na krajevima štapa da bi se izduženje poništilo ako je  $E = 2 \cdot 10^7$  [N/cm<sup>2</sup>] ?

**4. ZADATAK**

Prosta greda AB, raspona 9 [m], opterećena je teretima

$$F_1 = 3 \text{ [kN]} \quad \text{i} \quad F_2 = 2 \text{ [kN]}.$$

$$a = 3 \text{ [m]}, \quad b = 4 \text{ [m]}, \quad c = 2 \text{ [m]}.$$

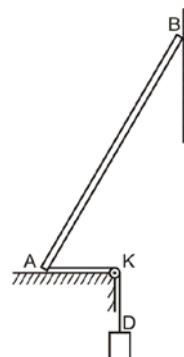


- Odrediti reakcije u osloncima A i B;
- Izračunati momente u karakterističnim tačkama grede;
- Nacrtati statičke dijagrame;
- Odrediti najveće normalne napone (ivične) u opasnom preseku grede i nacrtati dijagram normalnog napona ukoliko je greda kružnog poprečnog preseka;
- Dimenzionisati gredu za slučaj kružnog poprečnog preseka i ukoliko je ona od čelika čiji je dozvoljeni napon na savijanje  $\sigma_{df} = 12$  [kN/cm<sup>2</sup>].

**PISANI DEO ISPITA****1. ZADATAK**

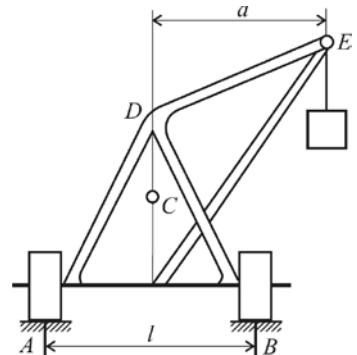
Homogeni štap  $AB$ , dužine  $l$ , težine  $G = 40\sqrt{3}$  [kN], oslanja se krajem  $B$  na vertikalni zid i krajem  $A$  na pod. Za kraj  $A$  vezano je lako uže koje je prebačeno preko lakog kotura  $K$ . Za kraj užeta  $D$  visi teret  $Q = 20$  [kN].

Odrediti ugao koji štap gradi sa podom i reakcije u tačkama oslanjanja štapa.

**2. ZADATAK**

Kran težine  $G = 60$  [kN] nosi teret težine  $G_1 = 40$  [kN] koji je obešen u tački  $E$ .

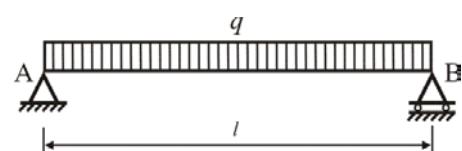
Odrediti pritiske točkova krana  $A$  i  $B$  na šine, ako je težište krana  $C$  na vertikali kroz  $D$ , rastojanje  $a = 6$  [m] i rastojanje između točkova  $l = 4$  [m].

**3. ZADATAK**

Betonski stub poprečnog preseka  $30 \times 30$  [cm] pritisnut je silom  $F$ . Odrediti veličinu ove sile ako normalan napon u kosom preseku, pod uglom  $30^\circ$  prema poprečnom preseku, iznosi  $10$  [ $\text{N}/\text{cm}^2$ ]. Odrediti tangencijalni napon za taj presek.

**4. ZADATAK**

Dimenzionisati prostu gredu dužine  $l = 6$  [m], kvadratnog poprečnog preseka, ako je opterećena jednolikim opterećenjem  $q = 0.5$  [kN/m]. Dozvoljeni napon materijala na savijanje iznosi  $\sigma_{df} = 1$  [ $\text{kN}/\text{cm}^2$ ].



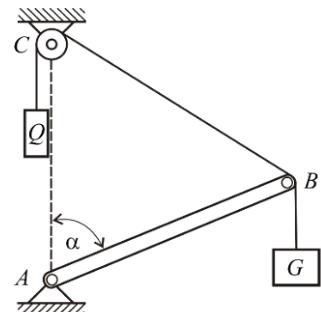
**PISANI DEO ISPITA****1. ZADATAK**

Prost (laki) štap  $AB$ , zglobno vezan u tački  $A$  i opterećen na kraju  $B$  teretom  $G$ , pridržava se nerastegljivim užetom koje vezano za kraj štapa  $B$  i prebačeno preko malog kotura  $C$ , a na čijem kraju visi teret težine  $Q$ .

Osa zglobova  $A$  i kotura  $C$  se nalaze na istoj vertikali.

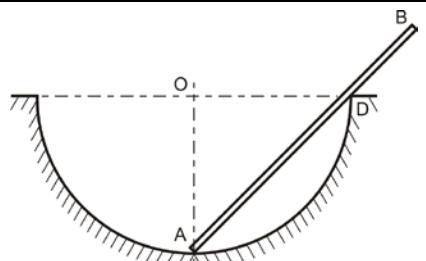
Dužina štapa  $AB$  jednaka je rastojanju od zglobova  $A$  do kotura  $C$ .

Zanemarujući težinu štapa i dimenzije kotura, odrediti ugao  $\alpha$  i silu u štalu  $AB$  za ravnotežni položaj štapa.

**2. ZADATAK**

Homogeni štap  $AB$ , dužine 2 [m] i težine 100 [N], postavljen je u unutrašnjost glatkog polukružnog prstena poluprečnika 1 [m] u vertikalnoj ravni.

- Odrediti reakcije u tačkama oslanjanja štapa.
- Na kom rastojanju AE treba dejstvovati silom  $F = 200$  [N] upravno na štap da bi se u položaju ravnoteže štapa njegov kraj A nalazio na istoj vertikali sa centrom O polukružnog prstena?

**3. ZADATAK**

Horizontalni čelični štap, dužine 4 [m], kvadratnog poprečnog preseka, stranice 1 [cm], izdužio se pri zagrevanju za 1 [mm].

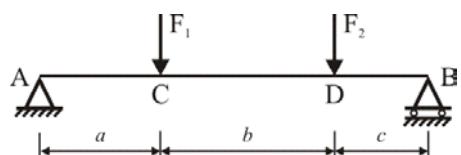
Kolikim silama treba pritiskati na krajevima štapa da bi se izduženje poništilo ako je  $E = 2 \cdot 10^7$  [N/cm<sup>2</sup>] ?

**4. ZADATAK**

Prosta greda  $AB$ , raspona 9 [m], opterećena je teretima

$$F_1 = 3 \text{ [kN]} \quad \text{i} \quad F_2 = 2 \text{ [kN]}.$$

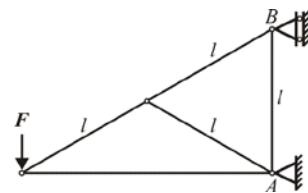
$$a = 3 \text{ [m]}, \quad b = 4 \text{ [m]}, \quad c = 2 \text{ [m]}.$$



- Odrediti reakcije u osloncima A i B;
- Izračunati momente u karakterističnim tačkama grede;
- Nacrtati statičke dijagrame;
- Odrediti najveće normalne napone (ivične) u opasnom preseku grede i nacrtati dijagram normalnog napona ukoliko je greda kružnog poprečnog preseka;
- Dimenzionisati gredu za slučaj kružnog poprečnog preseka i ukoliko je ona od čelika čiji je dozvoljeni napon na savijanje  $\sigma_{df} = 12$  [kN/cm<sup>2</sup>].

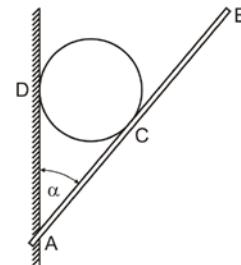
**PISANI DEO ISPITA****1. ZADATAK**

Analitičkim postupkom odrediti sile u štapovima date ravne lake rešetke opterećene silom  $F = 100$  [N] kao na slici.

**2. ZADATAK**

Homogena greda AB, dužine  $l = 1.2$  [m] i težine  $G = 1$  [kN], uzidana je u zid pod uglom  $\alpha = 45^\circ$ . Na gredi leži cilindar težine  $G_1 = 4$  [kN], koji dodiruje gredu u tački C, a zid u tački D. Rastojanje AC =  $a = 0.6$  [m].

Odrediti reakcije veza u tačkama A, C i D.

**3. ZADATAK**

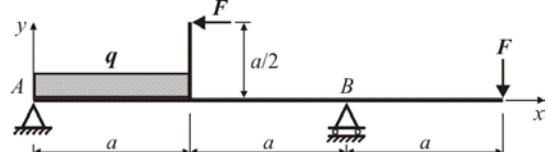
Vratilo kružnog poprečnog preseka, prečnika 100 [mm], prenosi snagu od 600 [Nm/s] pri 4 [ob./s].

Odrediti najveći tangencijalni napon i ugao uvijanja vratila ako je njegova dužina 4 [m], a modul klizanja 800 [kN/cm<sup>2</sup>].

**4. ZADATAK**

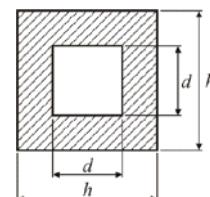
- a) Za nosač na slici odrediti otpore oslonaca i nacrtati statičke dijagrame.

$$a = 2 \text{ [m]}, F = 2 \text{ [kN]}, q = 4 \text{ [kN/m]};$$



- b) Dimenzionisati nosač oblika poprečnog preseka prikazanog na slici prema najvećem momentu savijanja, ako je

$$\sigma_{df} = 10 \text{ [kN/cm}^2\text{]} \quad \text{i} \quad \psi = d/h = 1/2.$$

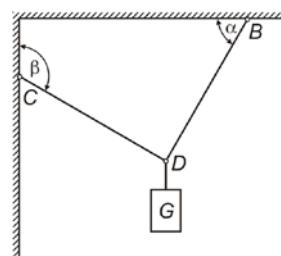


**PISANI DEO ISPITA****1. ZADATAK**

Teret težine  $G = 2$  [kN] vezan je užadima DB i DC.

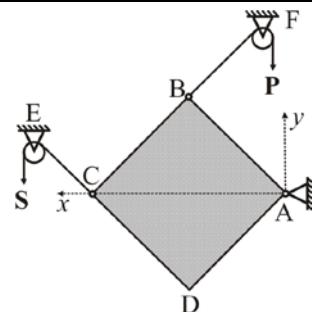
Odrediti sile u užadima za ravnotežni položaj tereta.

$$\alpha = 60^\circ, \beta = 120^\circ$$

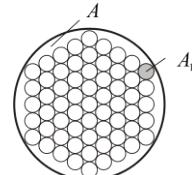
**2. ZADATAK**

Homogena kvadratna ploča ABCD, težine  $Q$ , može se obrtati u horizontalnoj ravni oko nepomičnog zgloba A. Ploča se održava u prikazanom ravnotežnom položaju pomoću užadi koja su prebačena preko glatkih nepokretnih koturova E i F i zategnuta silama.

Odrediti intenzitet sile  $P$  u užetu koje je prebačeno preko kotura F i otpor zgloba A za slučaj kada je  $Q = 100$  [kN], a uže koje je prebačeno preko kotura E zategnuto silom  $S = 25$  [kN]. Stranica ploče je dužine 1 [m].

**3. ZADATAK**

Čelično uže dizalice treba da nosi teret mase dve tone. Izračunati koliko žica prečnika 1 [mm] treba da ima uže ako je dozvoljeni napon na istezanje materijala od koga je napravljena žica  $\sigma_{de} = 25$  [kN/cm<sup>2</sup>].

**4. ZADATAK**

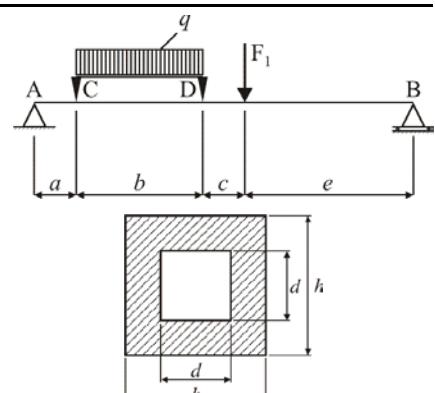
Za nosač AB sa posrednim opterećenjem CD:

- analitičkom metodom odrediti otpore oslonaca A i B i nacrtati statičke dijagrame nosača AB;
- izračunati dimenzije poprečnog preseka obeleženog na slici;

$$a = 2 \text{ [m]}, b = 4 \text{ [m]}, c = 2 \text{ [m]}, e = 6 \text{ [m]},$$

$$F_1 = 2 \text{ [kN]}, q = 0.5 \text{ [kN/m]};$$

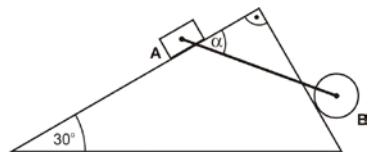
$$\sigma_{df} = 10 \text{ [kN/cm}^2\text{]} \quad \text{i} \quad \psi = d/h = 1/2.$$



**PISANI DEO ISPITA****1. ZADATAK**

Tereti A i B, težina  $G_A = 20 \text{ [N]}$  i  $G_B = 30 \text{ [N]}$ , nalaze se na katetama pravouglog trougla međusobno spojeni nerastegljivim užetom. Zanemarujući trenje, odrediti:

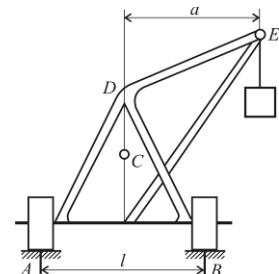
- reakcije kateta pravouglog trougla na data opterećenja;
- položaj ravnoteže, tj. vrednost ugla  $\alpha$  koja mora biti zadovoljena da bi tereti bili u stanju mirovanja;
- silu u užetu kojim su povezani tereti.

**2. ZADATAK**

Kran težine  $30 \text{ [kN]}$  nosi teret težine  $10 \text{ [kN]}$  koji je obešen u tački E.

Ako je rastojanje između šina  $l = 6 \text{ [m]}$  i  $a = 5 \text{ [m]}$ , odrediti:

- Pritiske točkova krana na šine ako se težište C krana nalazi na vertikali kroz tačku D.
- Najveću težinu koju kran može da nosi a da ne dode do prevrtanja.

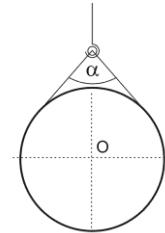
**3. ZADATAK**

Teret mase  $101.937 \text{ [kg]}$  obešen je pomoću užeta o kuku.

Krajevi užeta čine ugao  $\alpha = 60^\circ$ .

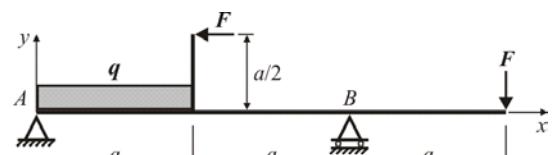
Odrediti:

- Sile u delovima užeta;
- Potreban prečnik užeta ako je dozvoljeni napon na istezanje  $\sigma_{de} = 2 \text{ [kN/cm}^2\text{]}$ .

**4. ZADATAK**

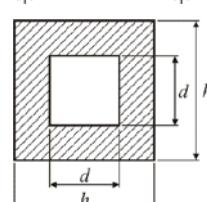
- Za nosač na slici odrediti otpore oslonaca i nacrtati statičke dijagrame.

$$a = 2 \text{ [m]}, F = 2 \text{ [kN]}, q = 4 \text{ [kN/m]};$$



- Dimenzionisati nosač prema najvećem momentu savijanja ako je

$$\sigma_{df} = 10 \text{ [kN/cm}^2\text{]} \quad \text{i} \quad \psi = d/h = 1/2.$$



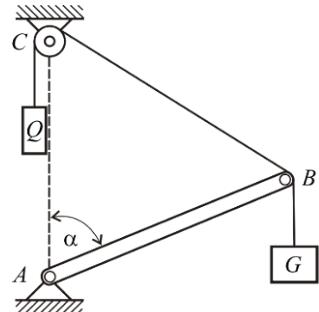
**PISANI DEO ISPITA****1. ZADATAK**

Prost (laki) štap  $AB$ , zglobo vezan u tački  $A$  i opterećen na kraju  $B$  teretom  $G$ , pridržava se nerastegljivim užetom koje vezano za kraj štapa  $B$  i prebačeno preko malog kotura  $C$ , a na čijem kraju visi teret težine  $Q$ .

Osa zgloba  $A$  i kotura  $C$  se nalaze na istoj vertikali.

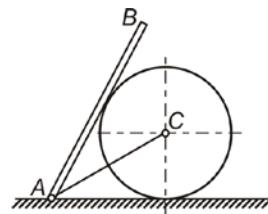
Dužina štapa  $AB$  jednaka je rastojanju od zgloba  $A$  do kotura  $C$ .

Zanemarujući težinu štapa i dimenzije kotura, odrediti ugao  $\alpha$  i silu u štalu  $AB$  za ravnotežni položaj štapa.

**2. ZADATAK**

Homogeni prizmatični štap  $AB$ , koji se može obrnati oko horizontalne ose  $A$ , oslanja se na omotač glatkog valjka prečnika  $2r$ . Valjak leži na horizontalnoj ravni, a vezan je pomoću kanapa  $AC$  dužine  $2r$  za tačku  $A$ . Težina štapa iznosi  $16$  [kN], a dužina  $3r$ .

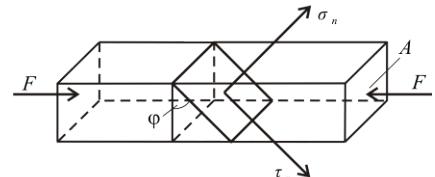
Odrediti silu u kanapu, pritisak štapa na valjak i otpor zgloba  $A$ .

**3. ZADATAK**

Betonski stub poprečnog preseka  $20 \times 20$  [cm] pritisnut je silom  $F$ .

Odrediti:

- Veličinu sile  $F$  ako normalni napon u kosom preseku, pod uglom  $30^\circ$  prema poprečnom preseku, iznosi  $5$  [N/cm $^2$ ].
- Tangencijalni napon za dati kosi presek.

**4. ZADATAK**

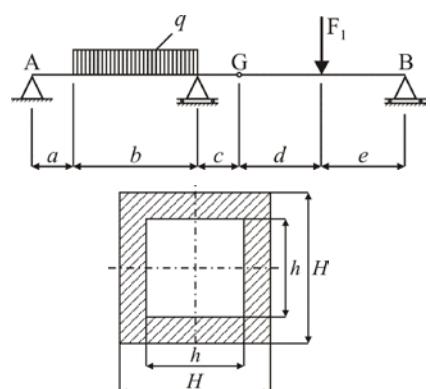
Za nosač sa Gerberovim zglobom, prikazan na slici:

- analitičkom metodom odrediti otpore oslonaca i nacrtati statičke dijagrame;
- izračunati dimenzije poprečnog preseka obeleženog na slici;

$$a = 1 \text{ [m]}, \quad b = 4 \text{ [m]}, \quad c = 1 \text{ [m]}, \quad d = e = 2 \text{ [m]},$$

$$F_1 = 2 \text{ [kN]}, \quad q = 1 \text{ [kN/m]};$$

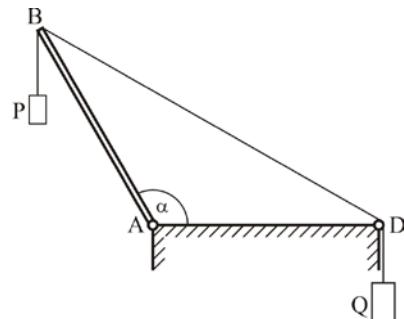
$$\sigma_{df} = 10 \text{ [kN/cm}^2\text{]} \quad \text{i} \quad \psi = h/H = 1/2.$$



**PISANI DEO ISPITA****1. ZADATAK**

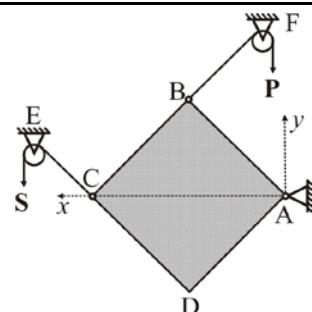
O štap AB, koji može da se obrće oko zgloba A, obešen je pomoću konca u tački B teret P težine 10 [N]. Za kraj B štapa vezan je drugi konac koji je prebačen preko nepokretnog kotura D i zategnut tegom Q težine 20 [N]. Dužina štapa AB jednaka je rastojanju AD.

Ukoliko težina štapa iznosi 20 [N], odrediti veličinu ugla DAB =  $\alpha$  pri kojem će štap biti u ravnoteži. Trenje zanemariti.

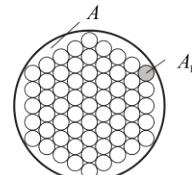
**2. ZADATAK**

Homogena kvadratna ploča ABCD, težine  $Q$ , može se obrtati u horizontalnoj ravni oko nepomičnog zgloba A. Ploča se održava u prikazanom ravnotežnom položaju pomoću užadi koja su prebačena preko glatkih nepokretnih koturova E i F i zategnuta silama.

Odrediti intenzitet sile  $P$  u užetu koje je prebačeno preko kotura F i otpor zgloba A za slučaj kada je  $Q = 100$  [kN], a uže koje je prebačeno preko kotura E zategnuto silom  $S = 25$  [kN]. Stranica ploče je dužine 1 [m].

**3. ZADATAK**

Čelično uže dizalice treba da nosi teret mase dve tone. Izračunati koliko žica prečnika 1 [mm] treba da ima uže ako je dozvoljeni napon na istezanje materijala od koga je napravljena žica  $\sigma_{de} = 25$  [kN/cm<sup>2</sup>].

**4. ZADATAK**

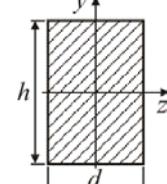
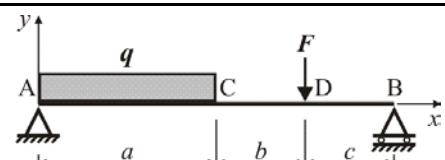
Prosta greda AB opterećena je u tački D koncentrisanom silom  $F$  i na delu AC jedнако raspodeljenim kontinualnim opterećenjem  $q$ . Dimenzionisati prostu gredu ako je ona:

- a) kružnog poprečnog preseka;
- b) pravougaonog poprečnog preseka, odnosa stranica  $d/h = 1/2$ .

$$F = 2 \text{ [kN]}, \quad q = 5 \text{ [kN/m]}.$$

$$a = 2 \text{ [m]}, \quad b = 1 \text{ [m]}, \quad c = 1 \text{ [m]}.$$

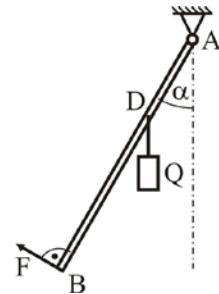
$$\sigma_{df} = 10 \text{ [kN/cm}^2\text{]}.$$



**PISANI DEO ISPITA****1. ZADATAK**

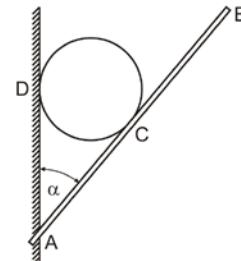
Homogeni štap AB, dužine  $l = 1,2$  [m] i težine  $G = 100$  [N], zglobno je vezan u tački A. U tački D ( $AD = l/3$ ), obešen je teret  $Q = 300$  [N], a na kraju B štapa dejstvuje koncentrisana sila  $F = 75$  [N] upravno na osu štapa.

Za ravnotežni položaj štapa odrediti ugao  $\alpha$  koji osa štapa gradi sa vertikalom i silu u zglobu.

**2. ZADATAK**

Homogena greda AB, dužine  $l = 1.2$  [m] i težine  $G = 1$  [kN], uzidana je u zid pod uglom  $\alpha = 45^\circ$ . Na gredi leži cilindar težine  $G_1 = 4$  [kN], koji dodiruje gredu u tački C, a zid u tački D. Rastojanje  $AC = a = 0.6$  [m].

Odrediti reakcije veza u tačkama A, C i D.

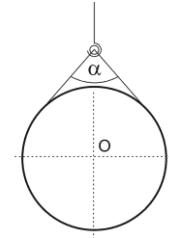
**3. ZADATAK**

Teret mase 101.937 [kg] obešen je pomoću užeta o kuku.

Krajevi užeta čine ugao  $\alpha = 60^\circ$ .

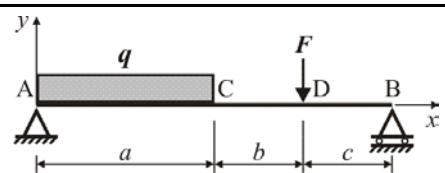
Odrediti:

- Sile u delovima užeta;
- Potreban prečnik užeta ako je dozvoljeni napon na istezanje  $\sigma_{de} = 2$  [kN/cm<sup>2</sup>].

**4. ZADATAK**

Prosta greda AB opterećena je u tački D koncentrisanom silom  $F$  i na delu AC jednako raspodeljenim kontinualnim opterećenjem  $q$ . Dimenzionisati prostu gredu ako je ona:

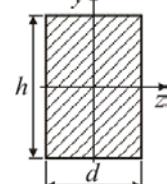
- kružnog poprečnog preseka;
- pravougaonog poprečnog preseka, odnosa stranica  $d/h = 1/2$ .



$$F = 2 \text{ [kN]}, \quad q = 5 \text{ [kN/m]}.$$

$$a = 2 \text{ [m]}, \quad b = 1 \text{ [m]}, \quad c = 1 \text{ [m]}.$$

$$\sigma_{df} = 10 \text{ [kN/cm}^2\text{]}.$$

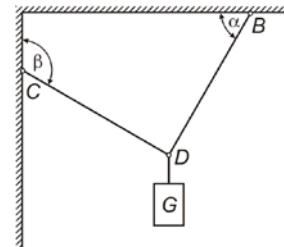


**PISANI DEO ISPITA****1. ZADATAK**

Teret težine  $G = 2 \text{ [kN]}$  vezan je užadima DB i DC.

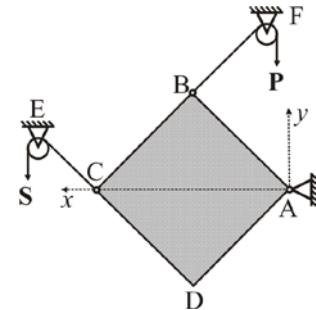
Odrediti sile u užadima za ravnotežni položaj tereta.

$$\alpha = 60^\circ, \beta = 120^\circ$$

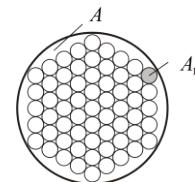
**2. ZADATAK**

Homogena kvadratna ploča ABCD, težine  $Q$ , može se obrnati u horizontalnoj ravni oko nepomičnog zgloba A. Ploča se održava u prikazanom ravnotežnom položaju pomoću užadi koja su prebačena preko glatkih nepokretnih koturova E i F i zategnuta silama.

Odrediti intenzitet sile  $P$  u užetu koje je prebačeno preko kotura F i otpor zgloba A za slučaj kada je  $Q = 100 \text{ [kN]}$ , a uže koje je prebačeno preko kotura E zategnuto silom  $S = 25 \text{ [kN]}$ . Stranica ploče je dužine 1 [m].

**3. ZADATAK**

Čelično uže dizalice treba da nosi teret mase dve tone. Izračunati koliko žica prečnika 1 [mm] treba da ima uže ako je dozvoljeni napon na istezanje materijala od koga je napravljena žica  $\sigma_{de} = 25 \text{ [kN/cm}^2\text{]}$ .

**4. ZADATAK**

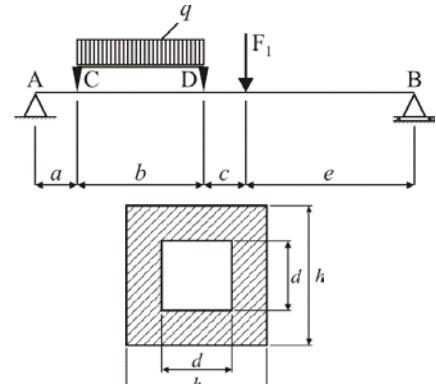
Za nosač AB sa posrednim opterećenjem CD:

- analitičkom metodom odrediti otpore oslonaca A i B i nacrtati statičke dijagrame nosača AB;
- izračunati dimenzije poprečnog preseka obeleženog na slici;

$$a = 2 \text{ [m]}, b = 4 \text{ [m]}, c = 2 \text{ [m]}, e = 6 \text{ [m]},$$

$$F_1 = 2 \text{ [kN]}, q = 0.5 \text{ [kN/m]};$$

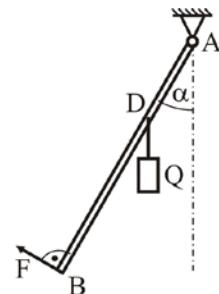
$$\sigma_{df} = 10 \text{ [kN/cm}^2\text{]} \quad \text{i} \quad \psi = d/h = 1/2.$$



**PISANI DEO ISPITA****1. ZADATAK**

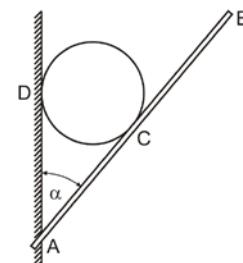
Homogeni štap AB, dužine  $l = 1,2$  [m] i težine  $G = 100$  [N], zglobno je vezan u tački A. U tački D ( $AD = l/3$ ), obešen je teret  $Q = 300$  [N], a na kraju B štapa dejstvuje koncentrisana sila  $F = 75$  [N] upravno na osu štapa.

Za ravnotežni položaj štapa odrediti ugao  $\alpha$  koji osa štapa gradi sa vertikalom i silu u zglobu.

**2. ZADATAK**

Homogena greda AB, dužine  $l = 1.2$  [m] i težine  $G = 1$  [kN], uzidana je u zid pod uglom  $\alpha = 45^\circ$ . Na gredi leži cilindar težine  $G_1 = 4$  [kN], koji dodiruje gredu u tački C, a zid u tački D. Rastojanje  $AC = a = 0.6$  [m].

Odrediti reakcije veza u tačkama A, C i D.

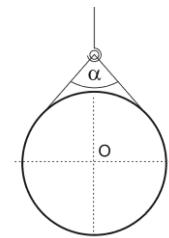
**3. ZADATAK**

Teret mase 101.937 [kg] obešen je pomoću užeta o kuku.

Krajevi užeta čine ugao  $\alpha = 60^\circ$ .

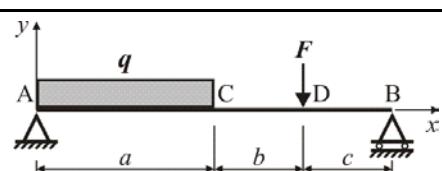
Odrediti:

- Sile u delovima užeta;
- Potreban prečnik užeta ako je dozvoljeni napon na istezanje  $\sigma_{de} = 2$  [kN/cm<sup>2</sup>].

**4. ZADATAK**

Prosta greda AB opterećena je u tački D koncentrisanom silom  $F$  i na delu AC jednako raspodeljenim kontinualnim opterećenjem  $q$ . Dimenzionisati prostu gredu ako je ona:

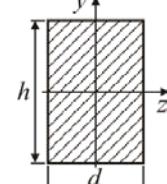
- kružnog poprečnog preseka;
- pravougaonog poprečnog preseka, odnosa stranica  $d/h = 1/2$ .



$$F = 2 \text{ [kN]}, \quad q = 5 \text{ [kN/m]}.$$

$$a = 2 \text{ [m]}, \quad b = 1 \text{ [m]}, \quad c = 1 \text{ [m]}.$$

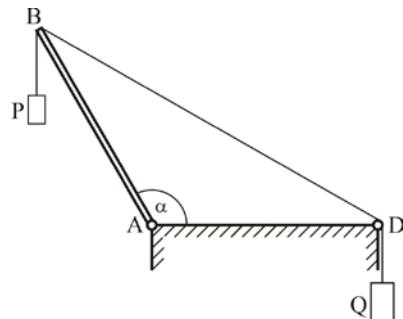
$$\sigma_{df} = 10 \text{ [kN/cm}^2\text{]}.$$



**PISANI DEO ISPITA****1. ZADATAK**

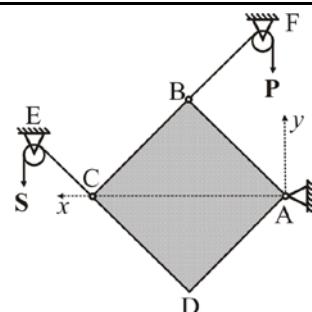
O štap AB, koji može da se obrće oko zgloba A, obešen je pomoću konca u tački B teret P težine 10 [N]. Za kraj B štapa vezan je drugi konac koji je prebačen preko nepokretnog kotura D i zategnut tegom Q težine 20 [N]. Dužina štapa AB jednaka je rastojanju AD.

Ukoliko težina štapa iznosi 20 [N], odrediti veličinu ugla DAB =  $\alpha$  pri kojem će štap biti u ravnoteži. Trenje zanemariti.

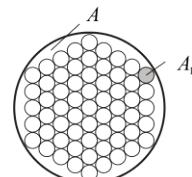
**2. ZADATAK**

Homogena kvadratna ploča ABCD, težine  $Q$ , može se obrtati u horizontalnoj ravni oko nepomičnog zgloba A. Ploča se održava u prikazanom ravnotežnom položaju pomoću užadi koja su prebačena preko glatkih nepokretnih koturova E i F i zategnuta silama.

Odrediti intenzitet sile  $P$  u užetu koje je prebačeno preko kotura F i otpor zgloba A za slučaj kada je  $Q = 100$  [kN], a uže koje je prebačeno preko kotura E zategnuto silom  $S = 25$  [kN]. Stranica ploče je dužine 1 [m].

**3. ZADATAK**

Čelično uže dizalice treba da nosi teret mase dve tone. Izračunati koliko žica prečnika 1 [mm] treba da ima uže ako je dozvoljeni napon na istezanje materijala od koga je napravljena žica  $\sigma_{de} = 25$  [kN/cm<sup>2</sup>].

**4. ZADATAK**

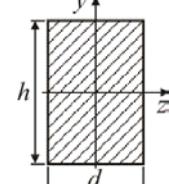
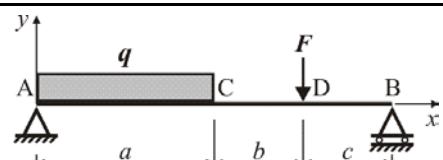
Prosta greda AB opterećena je u tački D koncentrisanom silom  $F$  i na delu AC jedнако raspodeljenim kontinualnim opterećenjem  $q$ . Dimenzionisati prostu gredu ako je ona:

- kružnog poprečnog preseka;
- pravougaonog poprečnog preseka, odnosa stranica  $d/h = 1/2$ .

$$F = 2 \text{ [kN]}, \quad q = 5 \text{ [kN/m]}.$$

$$a = 2 \text{ [m]}, \quad b = 1 \text{ [m]}, \quad c = 1 \text{ [m]}.$$

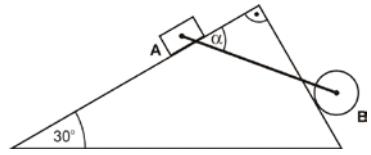
$$\sigma_{df} = 10 \text{ [kN/cm}^2\text{]}.$$



**PISANI DEO ISPITA****1. ZADATAK**

Tereti A i B, težina  $G_A = 20 \text{ [N]}$  i  $G_B = 30 \text{ [N]}$ , nalaze se na katetama pravouglog trougla međusobno spojeni nerastegljivim užetom. Zanemarujući trenje, odrediti:

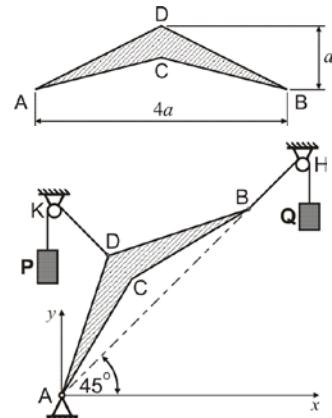
- reakcije kateta pravouglog trougla na data opterećenja;
- položaj ravnoteže, tj. vrednost ugla  $\alpha$  koja mora biti zadovoljena da bi tereti bili u stanju mirovanja;
- silu u užetu kojim su povezani tereti.

**2. ZADATAK**

Homogena pločica ACBD, težine G, sa težištem u tački C, dobijena je isecanjem trougaone pločice ABC iz trougaone pločice ABD. Teme A pločice vezano je zglobno, a za teme B je vezano lako nerastegljivo uže o čiji drugi kraj visi teret  $Q = G/2$ . Uže je prebačeno preko malog kotura H tako da sa horizontalom gradi ugao od  $45^\circ$  za ravnotežni položaj pločice koji je ostvaren pomoću tega P.

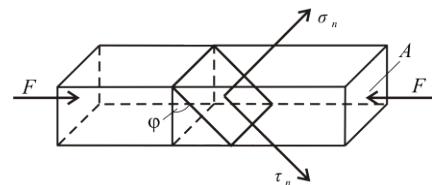
Odrediti:

- Težinu tega P koji je vezan za uže DE prebačeno šreko malog kotura K tako da uže ima pravac CD;
- Silu u zglobu A.

**3. ZADATAK**

Betonski stub poprečnog preseka  $20 \times 20 \text{ [cm]}$  pritisnut je silom  $F$ .

- Odrediti veličinu sile  $F$  ako normalni napon u kosom preseku, pod uglom  $30^\circ$  prema poprečnom preseku, iznosi  $5 \text{ [N/cm}^2]$ .
- Odrediti tangencijalni napon za dati kosi presek.

**4. ZADATAK**

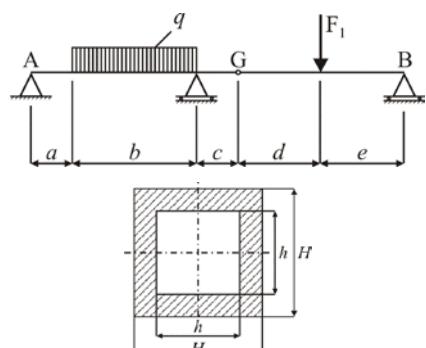
Za nosač sa Gerberovim zglobom, prikazan na slici:

- analitičkom metodom odrediti otpore oslonaca i nacrtati statičke dijagrame;
- izračunati dimenzije poprečnog preseka obeleženog na slici;

$$a = 1 \text{ [m]}, \quad b = 4 \text{ [m]}, \quad c = 1 \text{ [m]}, \quad d = e = 2 \text{ [m]},$$

$$F_1 = 2 \text{ [kN]}, \quad q = 1 \text{ [kN/m]};$$

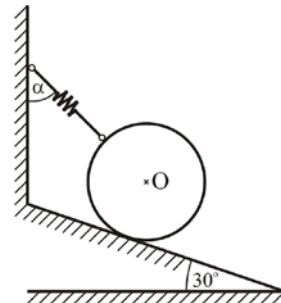
$$\sigma_{df} = 10 \text{ [kN/cm}^2] \quad \text{i} \quad \psi = h/H = 1/2.$$



**PISANI DEO ISPITA****1. ZADATAK**

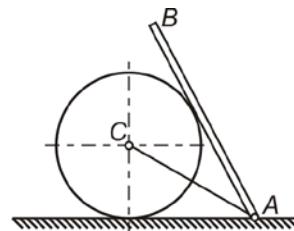
Kugla se održava u stanju mirovanja na glatkoj strmoj ravni pomoću elastičnog kanapa koji je pričvršćen za vertikalni zid.

Odrediti ugao  $\alpha$  koji kanap gradi sa vertikalnim zidom i silu pritiska kojom kugla u stanju statičke ravnoteže dejstvuje na strmu ravan ako nagib strme ravni iznosi  $30^\circ$ , sila u koncu 1 [kN] i težina kugle 2 [kN].

**2. ZADATAK**

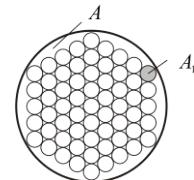
Homogeni prizmatični štap  $AB$ , koji se može obrtati oko horizontalne ose  $A$ , oslanja se na omotač glatkog valjka prečnika  $2r$ . Valjak leži na horizontalnoj ravni, a vezan je pomoću kanapa  $AC$  dužine  $2r$  za tačku  $A$ . Težina štapa iznosi 16 [kN], a dužina  $3r$ .

Odrediti silu u kanapu, pritisak štapa na valjak i otpor zgloba  $A$ .

**3. ZADATAK**

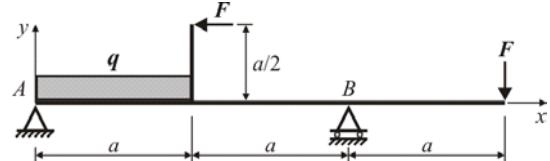
Čelično uže dizalice treba da nosi teret mase 1 000 [kg].

Izračunati koliko žica prečnika 2 [mm] treba da ima uže ako je dozvoljeni napon na istezanje materijala od koga je napravljena žica  $\sigma_{de} = 25$  [kN/cm<sup>2</sup>].

**4. ZADATAK**

- a) Za laki nosač na slici odrediti otpore oslonaca i nacrtati statičke dijagrame.

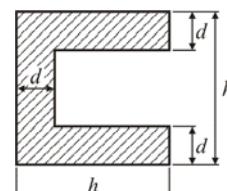
$$a = 2 \text{ [m]}, F = 10 \text{ [kN]}, q = 10 \text{ [kN/m]};$$



- b) Izračunati maksimalne normalne napone i tangencijalni napon u kritičnoj tački nosača. Nacrtati dijagram normalnog napona u datom (opasnom) preseku.

- c) Dimenzionisati nosač prema najvećem momentu savijanja ako je:

$$\sigma_{df} = 10 \text{ [kN/cm}^2\text{]} \text{ i } \psi = d/h = 1/4.$$

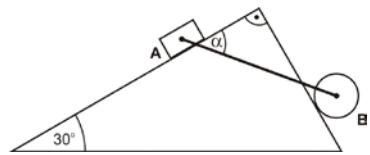


## PISANI DEO ISPITA

## 1. ZADATAK

Tereti A i B, težina  $G_A = 20 \text{ [N]}$  i  $G_B = 30 \text{ [N]}$ , nalaze se na katetama pravouglog trougla međusobno spojeni nerastegljivim užetom. Zanemarujući trenje, odrediti:

- a) reakcije kateta pravouglog trougla na data opterećenja;
  - b) položaj ravnoteže, tj. vrednost ugla  $\alpha$  koja mora biti zadovoljena da bi tereti bili u stanju mirovanja;
  - c) silu u užetu kojim su povezani tereti.

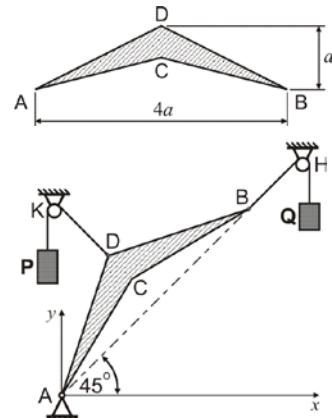


## 2. ZADATAK

Homogena pločica ACBD, težine 100 [N], sa težištem u tački C, dobijena je isecanjem trougaone pločice ABC iz trougaone pločice ABD. Teme A pločice vezano je zglobno, a za teme B je vezano lako nerastegljivo uže o čiji drugi kraj visi teret  $Q = 50$  [N]. Uže je prebačeno preko malog kotura H tako da sa horizontalom gradi ugao od  $45^\circ$  za ravnotežni položaj pločice koji je ostvaren pomoću tega P.

Ako je  $a = 8$  [cm], odrediti:

- a) Težinu tega P koji je vezan za uže DE prebačeno šreko malog kotura K tako da uže ima pravac CD;
  - b) Silu u zglobu A.

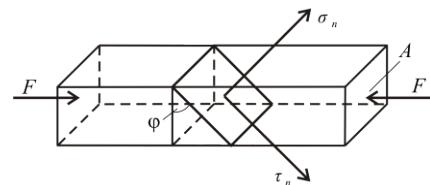


### **3. ZADATAK**

Betonski stub poprečnog preseka  $50 \times 50$  [cm] pritisnut je silom  $F$ .

- a) Odrediti veličinu sile  $F$  ako normalni napon u kosom preseku, pod ugлом  $60^\circ$  prema poprečnom preseku, iznosi  $5 \text{ [N/cm}^2\text{]}$ .

b) Odrediti tangencijalni napon za dati kosi presek.



## 4. ZADATAK

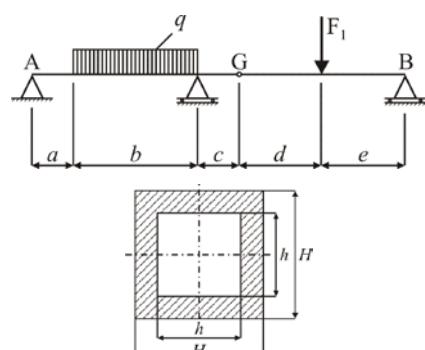
Za nosač sa Gerberovim zglobom, prikazan na slici:

- a) analitičkom metodom odrediti otpore oslonaca i nacrtati statičke dijagrame;
  - b) izračunati dimenzije poprečnog preseka obeleženog na slici;

$$a = 1 \text{ [m]}, \quad b = 4 \text{ [m]}, \quad c = 1 \text{ [m]}, \quad d = e = 2 \text{ [m]},$$

$$F_1 = 2 \text{ [kN]}, \quad q = 1 \text{ [kN/m]};$$

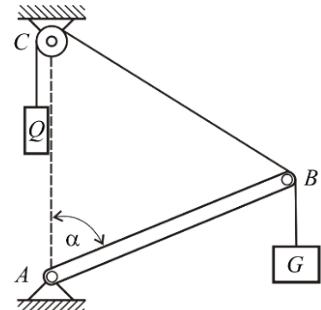
$$\sigma_{df} = 10 \text{ [kN/cm}^2\text{]} \quad i \quad \psi = h/H = 1/2 \text{ .}$$



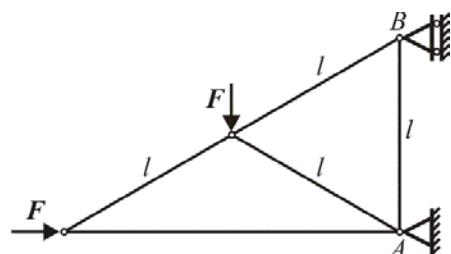
**PISANI DEO ISPITA****1. ZADATAK**

Prost štap  $AB$ , zglobno vezan u tački  $A$  i opterećen na kraju  $B$  teretom  $G$ , pridržava se nerastegljivim užetom koje vezano za kraj štapa  $B$  i prebačeno preko malog kotura  $C$ , a na čijem kraju visi teret težine  $Q$ . Osa zgloba  $A$  i kotura  $C$  se nalaze na istoj vertikali. Dužina štapa jednaka je rastojanju od zgloba  $A$  do kotura  $C$ .

Zanemarujući težinu štapa i dimenzije kotura, za ravnotežni položaj štapa odrediti ugao  $\alpha$  i silu u štalu  $AB$ .

**2. ZADATAK**

Analitičkim postupkom odrediti sile u štapovima date ravne lake rešetke opterećene silama intenziteta  $F = 100$  [N] kao na slici.

**3. ZADATAK**

Horizontalni čelični štap, dužine 4 [m], kvadratnog poprečnog preseka, stranice 1 [cm], izdužio se pri zagrevanju za 1 [mm].

Izračunati kolikim silama treba pritisnati krajeve štapa da bi se izduženje poništilo ako je  $E = 2 \cdot 10^7$  [N/cm<sup>2</sup>].

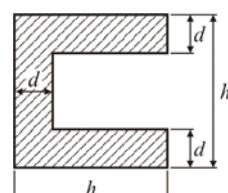
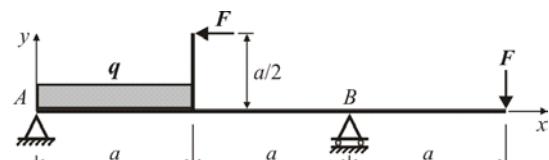
**4. ZADATAK**

- a) Za nosač na slici odrediti otpore oslonaca i nacrtati statičke dijagrame.

$$a = 2 \text{ [m]}, F = 10 \text{ [kN]}, q = 10 \text{ [kN/m]};$$

- b) Dimenzionisati nosač prema najvećem momentu savijanja ako je:

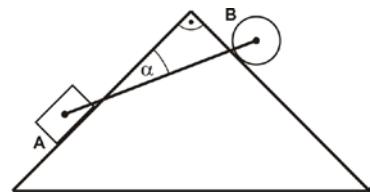
$$\sigma_{df} = 10 \text{ [kN/cm}^2\text{]} \quad \text{i} \quad \psi = d/h = 1/4.$$



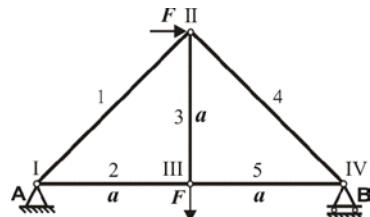
**PISANI DEO ISPITA****1. ZADATAK**

Tereti A i B, težina  $G_A = 20 \text{ [N]}$  i  $G_B = 10 \text{ [N]}$ , nalaze se na katetama jednakostraničnog pravouglog trougla, međusobno spojeni nerastegljivim užetom. Zanemarujući trenje, odrediti:

- reakcije kateta trougla na data opterećenja;
- položaj ravnoteže, tj. vrednost ugla  $\alpha$  koja mora biti zadovoljena da bi tereti bili u stanju mirovanja;
- silu u užetu kojim su povezani tereti.

**2. ZADATAK**

Analitičkim postupkom odrediti sile u štapovima date ravnelake rešetke opterećene u čvorovima II i III silama intenziteta  $F = 10 \text{ [N]}$  i pravaca kao na slici.

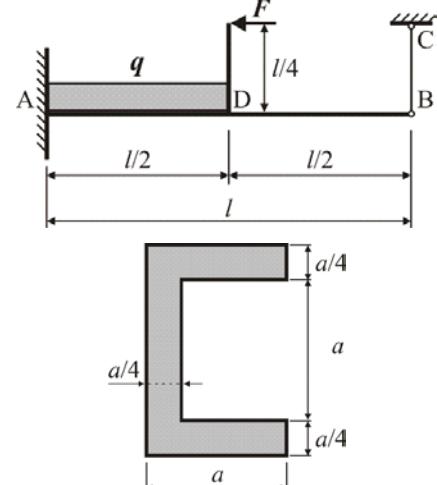
**3. ZADATAK**

Konzolni nosač AB, raspona  $l = 4 \text{ [m]}$ , opterećen je posredno u tački D horizontalnom ekscentričnom silom  $F = 2 \text{ [kN]}$  i u polju AD ravnomerno raspodeljenim kontinualnim opterećenjem čije je jedinično opterećenje  $q = 4 \text{ [kN/m]}$ .

Nosač je u tački B zategnut silom  $S = 1 \text{ [kN]}$  pomoću čelične žice koja je vezana u tački C. Žica je okruglog poprečnog preseka. Dozvoljeni napon na istezanje materijala žice  $\sigma_{de}$  iznosi  $20 \text{ [kN/cm}^2\text{]}$ .

Oblik poprečnog preseka nosača je prikazan na slici. Dozvoljeni napon na savijanje  $\sigma_{df}$  iznosi  $10 \text{ [kN/cm}^2\text{]}$ .

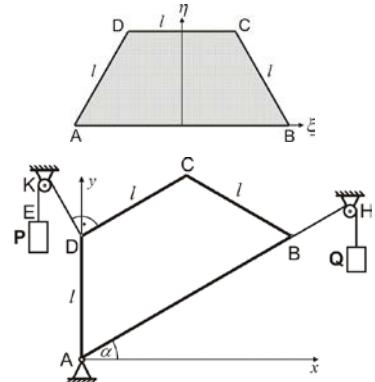
- Izračunati minimalni prečnik žice kojom je nosač zategnut u tački B na slobodnom kraju nosača;
- Dimenzionisati nosač prema najvećem momentu savijanja.



**PISANI DEO ISPITA****1. ZADATAK**

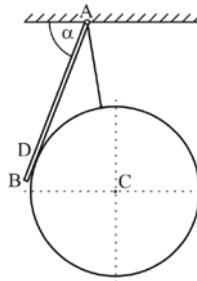
Homogena pločica ABCD, težine  $G = 100$  [N], sa težištem u tački T, predstavlja polovinu šestougaone pločice stranice  $l = 60$  [cm]. Teme A pločice vezano je zglobno, a za teme B je vezano lako nerastegljivo uže o čiji drugi kraj visi teret  $Q = 50$  [N]. Uže je prebačeno preko malog kotura H tako da sa horizontalom gradi ugao  $\alpha = 30^\circ$  za ravnotežni položaj pločice koji je ostvaren pomoću tega P.

Odrediti silu u zglobu A i težinu tega P koji je vezan za uže DE prebačeno preko malog kotura K tako da je pravac užeta normalan na stranicu CD pločice.

**2. ZADATAK**

Homogeni štap AB, težine 100 [N] i dužine 100 [cm], zglobno je vezan u tački A, a u tački D se oslanja o glatku kuglu poluprečnika 50 [cm] i težine 200 [N]. Kugla je vezana nerastegljivim užetom dužine 50 [cm] za tačku A. Odrediti:

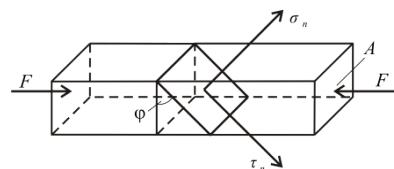
- ugao  $\alpha$  koji gradi štap sa horizontalnom osom;
- reakciju zgloba A;
- pritisak štapa na kuglu;
- silu u užetu.

**3. ZADATAK**

Betonski stub poprečnog preseka  $50 \times 30$  [cm] pritisnut je silom  $F$ .

Odrediti:

- Veličinu sile  $F$  ako normalni napon u kosom preseku, pod uglom  $30^\circ$  prema poprečnom preseku, iznosi  $10$  [N/cm $^2$ ].
- Tangencijalni napon za dati kosi presek.

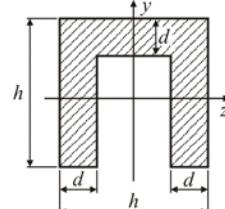
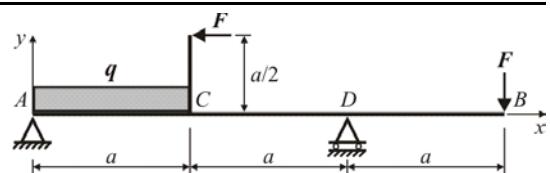
**4. ZADATAK**

- Za nosač na slici odrediti otpore oslonaca i nacrtati statičke dijagrame.

$$a = 2 \text{ [m]}, F = 10 \text{ [kN]}, q = 10 \text{ [kN/m]} ;$$

- Dimenziionisati nosač prema najvećem momentu savijanja ako je:

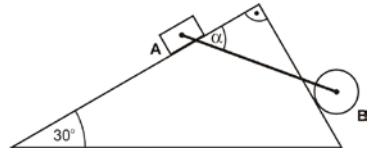
$$\sigma_{df} = 10 \text{ [kN/cm}^2\text{]} \text{ i } h = 4d.$$



**PISANI DEO ISPITA****1. ZADATAK**

Tereti A i B, težina  $G_A = 20 \text{ [N]}$  i  $G_B = 30 \text{ [N]}$ , nalaze se na katetama pravouglog trougla međusobno spojeni nerastegljivim užetom. Zanemarujući trenje, odrediti:

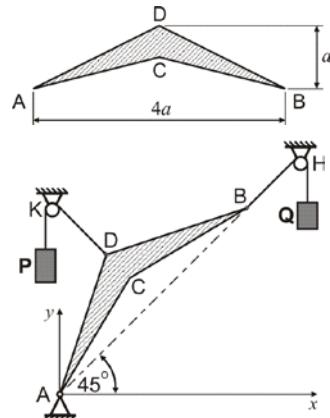
- reakcije kateta pravouglog trougla na data opterećenja;
- polozaj ravnoteže, tj. vrednost ugla  $\alpha$  koja mora biti zadovoljena da bi tereti bili u stanju mirovanja;
- silu u užetu kojim su povezani tereti.

**2. ZADATAK**

Homogena pločica ACBD, težine 100 [N], sa težištem u tački C, dobijena je isecanjem trougaone pločice ABC iz trougaone pločice ABD. Teme A pločice vezano je zglobno, a za teme B je vezano lako nerastegljivo uže o čiji drugi kraj visi teret  $Q = 50 \text{ [N]}$ . Uže je prebačeno preko malog kotura H tako da sa horizontalom gradi ugao od  $45^\circ$  za ravnotežni položaj pločice koji je ostvaren pomoću tega P.

Ako je  $a = 8 \text{ [cm]}$ , odrediti:

- Težinu tega P koji je vezan za uže DE prebačeno šreko malog kotura K tako da uže ima pravac CD;
- Silu u zglobu A.

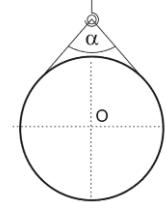
**3. ZADATAK**

Kotao je obešen o kuku pomoću užeta prečnika 7 [mm].

Dozvoljeni napon na istezanje užeta iznosi  $2 \text{ [kN/cm}^2\text{]}$ .

Krajevi užeta čine ugao  $\alpha = 60^\circ$ .

Izračunati maksimalnu težinu kotla koje uže može da izdrži.

**4. ZADATAK**

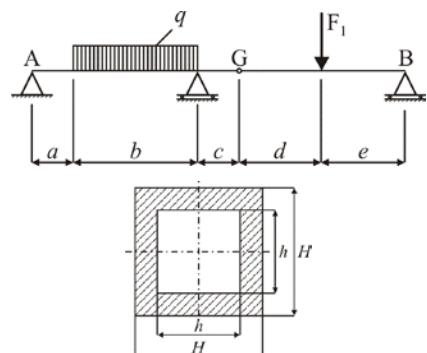
Za nosač sa Gerberovim zglobom, prikazan na slici:

- analitičkom metodom odrediti otpore oslonaca i nacrtati statičke dijagrame;
- izračunati dimenzije poprečnog preseka obeleženog na slici;

$$a = 1 \text{ [m]}, \quad b = 4 \text{ [m]}, \quad c = 1 \text{ [m]}, \quad d = e = 2 \text{ [m]},$$

$$F_1 = 2 \text{ [kN]}, \quad q = 1 \text{ [kN/m]};$$

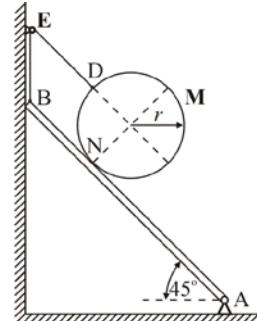
$$\sigma_{df} = 10 \text{ [kN/cm}^2\text{]} \quad \text{i} \quad h/H = 1/2.$$



**PISANI DEO ISPITA****1. ZADATAK**

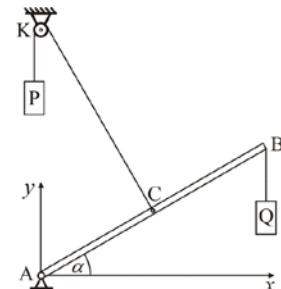
Homogeni štap AB, dužine  $3a$  i težine  $G$ , vezan je zglobom na kraju A za pod i oslonjen o vertikalni zid krajem B. Za kraj B je vezano lako nerastegljivo uže BD koje je prebačeno preko malog kotura E i drugim krajem D vezano za kuglu M poluprečnika  $r$  i težine  $G\sqrt{2}$ . Kugla se oslanja u tački N o štap AB, pri čemu rastojanje tačke N od kraja B štapa iznosi  $a$ . Deo užeta ED je paralelan sa štapom AB koji sa horizontalnim podom gradi ugao od  $45^\circ$ .

Odrediti sile veza smatrajući sve veze idealnim.

**2. ZADATAK**

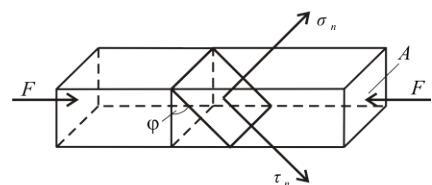
Homogeni prizmatični štap AB, dužine  $2l$  i težine  $G$ , vezan je krajem A zglobno, a kraj B je opterećen tegom težine  $Q$ , tako da je  $G:Q = 3:4$ . Za težište štapa je vezano lako nerastegljivo uže koje je prebačeno preko malog kotura K i opterećeno tegom težine  $P$ . Vertikalno rastojanje kotura K od zglobova A i B iznosi  $2l$ .

Odrediti težinu tereta  $P$  i reakciju u zglobu A za ravnotežni položaj, tako da osa štapa zaklapa ugao  $\alpha = 30^\circ$  sa horizontalnim pravcem.

**3. ZADATAK**

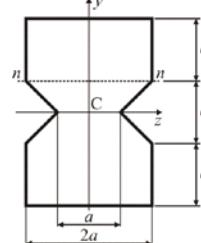
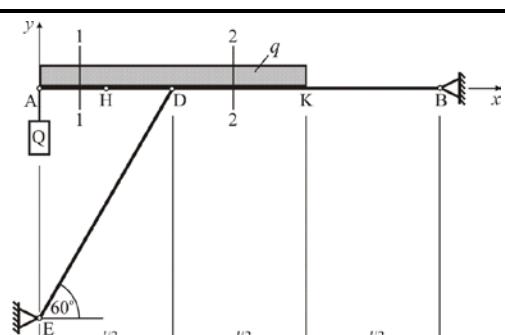
Betonski stub poprečnog preseka  $50 \times 30$  [cm] pritisnut je silom  $F$ . Odrediti:

- Veličinu sile  $F$  ako normalni napon u kosom preseku, pod uglom  $30^\circ$  prema poprečnom preseku, iznosi  $10$  [ $\text{N}/\text{cm}^2$ ];
- Tangencijalni napon za dati kosi presek.

**4. ZADATAK**

Horizontalna homogena laka greda AB, dužine  $l$ , opterećena jednolikim opterećenjem  $q$  na rasponu  $AK = 2l/3$  i vertikalnim koncentrisanim teretom  $Q = ql/3$  na kraju A, zglobno je vezana na kraju B i poduprta prostim štapom DE, nagnutim pod uglom od  $60^\circ$ . Poprečni presek grede AB je prikazan na slici.

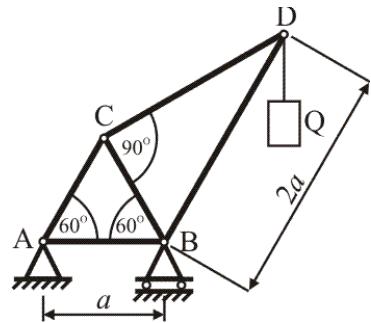
- Odrediti sile veza (otpor u zglobu i silu u štalu);
- Sračunati vrednosti napadnog momenta i sila u karakterističnim tačkama nosača;
- Napisati odgovarajuće izraze za napadni moment i transverzalnu silu u presecima 1-1 i 2-2.
- Nacrtati statičke dijagrame;
- Izračunati vrednost normalnog i tangencijalnog napona u vlaknima  $n-n$  u preseku H ( $AH = l/6$ ) grede AB.



**PISANI DEO ISPITA****1. ZADATAK**

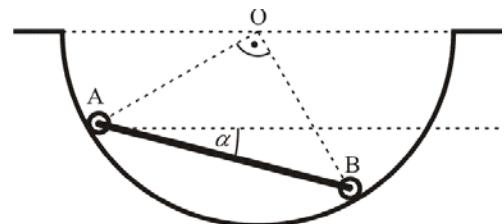
Odrediti otpore oslonaca i sile u štapovima dizalice ako je dizalica u tački D opterećena teretom  $Q = 800 \text{ kN}$ .

Dizalica je sastavljena od pet lakih štapova. Težina štapova i celokupne konstrukcije dizalice se može zanemariti u odnosu na teret  $Q$ , pa se rešenje traži kao kod rešetke.

**2. ZADATAK**

Cilindri A i B, jednakih poluprečnika, težina  $G_A = G = 150 \text{ N}$  i  $G_B = 2G$ , zglobno su povezani lakinim štapom AB i postavljeni u unutrašnjost glatkog polukružnog prstena u vertikalnoj ravni. Poluprečnik prstena i dužina štapa AB stoe u takvom odnosu da je centralni ugao AOB prav. Odrediti:

- Ravnotežni položaj cilindara izražen pomoću ugla  $\alpha$  koji štap gradi sa horizontalom,
- Reakcije u tačkama oslanjanja i silu u štalu.

**3. ZADATAK**

Horizontalna homogena greda AB, težine  $G = 30 \text{ N}$  i dužine  $l = 3 \text{ m}$ , zglobno je vezana u tački A i pomoću prostog štapa DE. Greda je na slobodnom kraju B opterećena koncentrisanom vertikalnom silom  $F = 25 \text{ kN}$ .

- Odrediti sile veza;
- Nacrtati statičke dijagrame ( $M$ ,  $T$  i  $N$ ) u izabranoj razmeri, smatrajući težinu grede ravnomerno raspodeljenom;
- Izračunati najveći normalni napon u ipasnom preseku grede ako je poprečni presek grede oblika pravilnog šestougaonika stranice  $a = 2 \text{ cm}$ .

